

Cours de compilation

Chapitre 10. Allocation de registres

Master informatique fondamentale 1 – ENS-Lyon

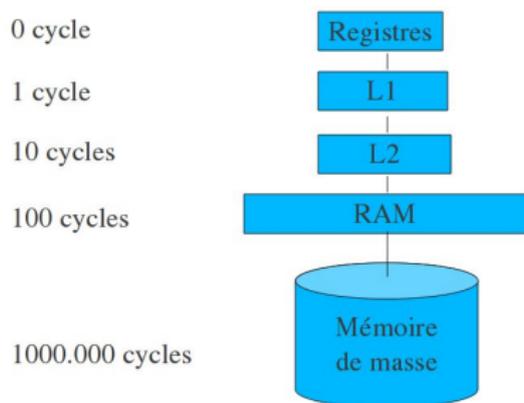
Christophe Alias

`Christophe.Alias@ens-lyon.fr`

`http://perso.ens-lyon.fr/christophe.alias`

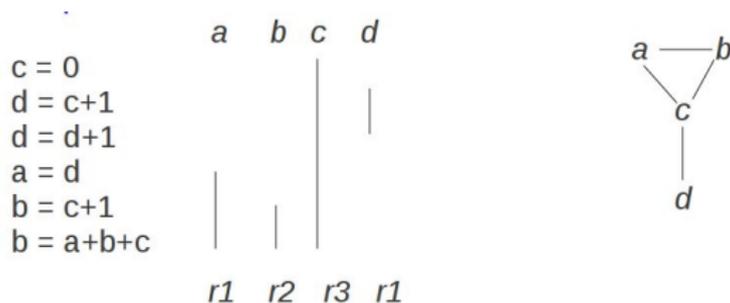
Introduction

- ▶ Après sélection et ordonnancement, on obtient du code machine avec des temporaires. Où les stocker?
- ▶ De préférence dans des **registres**.
- ▶ En **mémoire** (dans la pile) quand tous les registres sont déjà pris.



Durées de vie, interférences

- ▶ Une variable est **vivante** en un point du graphe de flot de contrôle s'il existe **un chemin** de ce point **vers une lecture sans passer par une écriture**.
- ▶ **x interfère avec y** s'il existe un point du CFG sur lequel x et y sont vivants en même temps.
 - ils doivent alors être placés dans des **registres différents**.
- ▶ On construit un **graphe d'interférence**, dont les noeuds sont les variables. Un arc entre x et y indique une interférence entre x et y.



Copies

- ▶ La sortie de la forme SSA produit de nombreuses **instructions de copie** (**MOV a,d**) qu'on aimerait **supprimer** en affectant le **même** registre à **a** et **d**.
- ▶ On modélise cette situation en ajoutant un **arc d'affinité** entre **a** et **d** dans le graphe d'interférence.

	a	b	c	d
c = 0				
d = c+1				
d = d+1				
a = d				
b = c+1				
b = a+b+c				



Allocation de registres

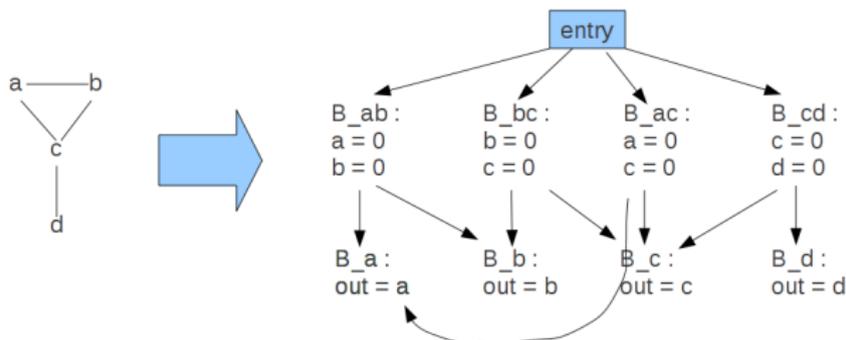
Le problème de l'**allocation de registres pour k registres** consiste à attribuer une couleur parmi k à chaque temporaire de telle façon que:

- ▶ deux sommets reliés par un **arc d'interférence** ne reçoivent pas la même couleur.
- ▶ deux sommets reliés par un **arc d'affinité** reçoivent la même couleur, si possible.

S'il existe une solution, on dit que le graphe est **k -colorable**.

Complexité

Le graphe d'interférence peut être quelconque:



Or, le problème du coloriage de graphes est **NP-complet**...

Coloriage par simplification

Un sommet de degré strictement inférieur à k est **trivialement colorable**.
 G est k -colorable ssi $G - \{s\}$ est k -colorable

On peut répéter cette simplification autant de fois que possible.

Le fait de supprimer un sommet trivialement colorable peut rendre d'autres sommets trivialement colorables...

Algorithme de Chaitin

colorier(G)

si il existe un noeud s avec $< k$ voisins

alors //cas trivial

colorier($G - \{s\}$)

affecter une couleur restante à s

sinon

choisir un noeud s

colorier($G - \{s\}$)

si il reste une couleur alors l'affecter

sinon spiller s

fin

- ▶ Le choix du sommet à “spiller” est critique.
- ▶ Pour faciliter la suite du coloriage, il vaut mieux choisir un sommet de **fort degré**.
- ▶ Le choix de la couleur doit tenir compte des arcs de préférence (**coloriage biaisé**).

Coalescing

Une approche plus radicale que le coloriage biaise, consiste à **d'abord fusionner (coalescer)** tous les sommets reliés par des arcs d'affinité avant d'effectuer le coloriage.

La couleur attribuée à plusieurs sommets fusionnés est celle attribuée à leur agrégat.

Inconvénient: fusionner plusieurs sommets peut créer un sommet de **très fort degré**, qui sera probablement "spillé".

Coalescing conservatif

On ne fusionne deux sommets que si on a la certitude de **préserver la k -colorabilité du graphe**.

- ▶ **Critère de Briggs**

Deux sommets peuvent être fusionnés si le sommet résultant a moins de k voisins non trivialement colorables

▣▶ Trop conservatif

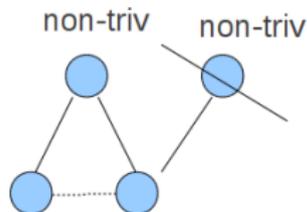
- ▶ **Critère de Georges**

Deux sommets a et b peuvent être fusionnés si tout voisin non trivialement colorable de a est également voisin de b .

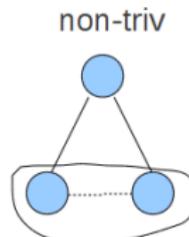
▣▶ Préféré en pratique

Interactions simplification/fusion

- ▶ Deux sommets non fusionnables peuvent le devenir suite à une simplification.
- ▶ Un sommet non trivialement colorable peut le devenir suite à une fusion.
- ▶ Il faut **alterner simplification et fusion**.
- ▶ Quand le critère n'est pas rempli, il faut renoncer à une fusion pour permettre de nouvelles simplifications.



simplification => fusion



fusion => simplification

Iterated Register Coalescing

Etape 1. Simplify: Eliminer les noeuds simplifiables à l'exclusion des noeuds reliés par un arc d'affinité. Chaque noeud éliminé est placé sur une pile.

- ▶ Le degré des noeuds diminue, ce qui crée des opportunités pour le coalesce conservatif (étape 2).

Etape 2. Coalesce: Fusionner les noeuds reliés par un arc d'affinité, quand le critère de George le permet. Itérer en 1.

- ▶ Cette étape peut **réduire le degré de noeuds connexes** aux noeuds fusionnés, créant de nouvelles opportunités pour la simplification, d'où l'itération.

Etape 3. Freeze: Si le critère de George n'est jamais vérifié, supprimer un arc d'affinité qui relie deux noeuds de faible degré. Itérer en 1.

- ▶ Certaines fusions sont structurellement impossibles. Par exemple, si x et y interfèrent et z est relié à x et à y par un arc d'affinité, on ne peut pas à la fois fusionner (x, z) et (y, z) .

Iterated Register Coalescing

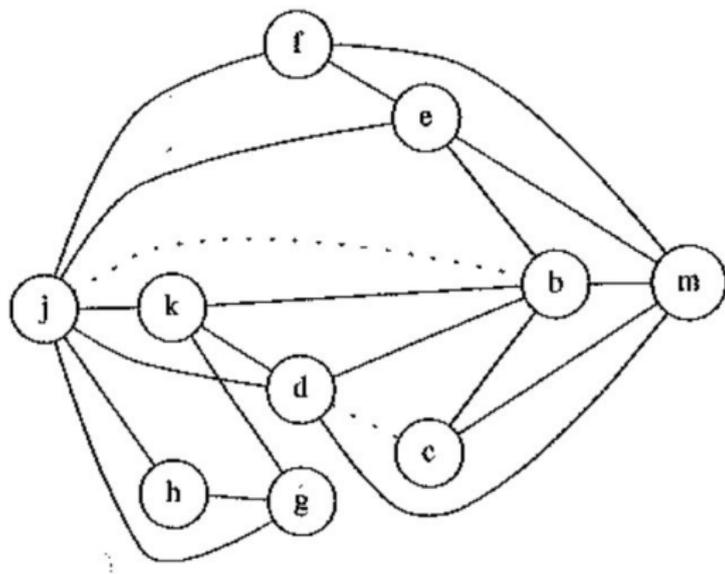
Etape 4. Spill: S'il reste encore des noeuds et que tous les arcs d'affinité ont été supprimés, choisir et supprimer un noeud de **fort degré** pour le *spill*. Itérer en 1.

Etape 5. Select: Lorsque tous les noeuds ont été supprimés, on les dépile pour construire l'allocation de registres.

- ▶ Si des noeuds ont été sélectionnés pour être spillés, il faudrait reconstruire le graphe d'interférence (pourquoi?) et itérer en 1.
- ▶ Si la machine dispose de suffisamment de registres, on peut éviter cette itération en réservant un registre pour le spill, et en allouant d'emblée pour $k - 1$ registres.

Exemple

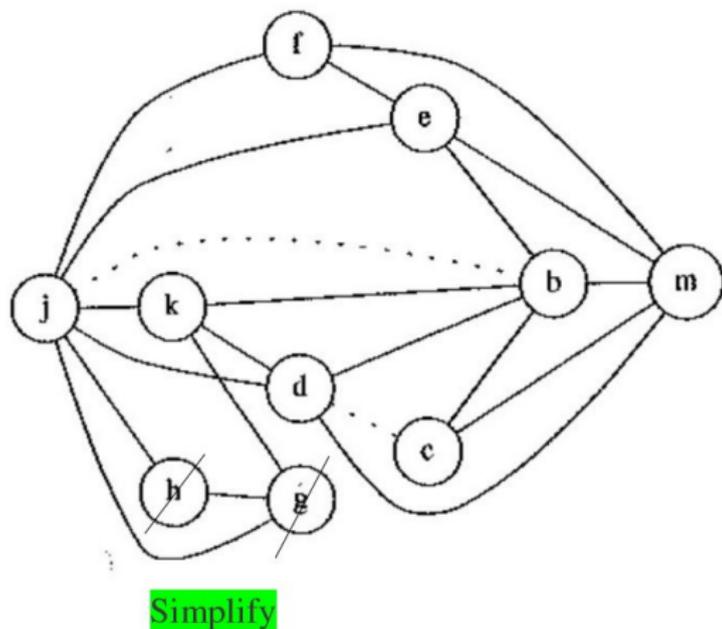
```
live-in: k j
g := mem[j+12]
h := k - 1
f := g * h
e := mem[j+8]
m := mem[j+16]
b := mem[f]
c := e + 8
d := c
k := m + 4
j := b
live-out: d k j
```



- ▶ Allocation pour $k = 3$ registres + 2 registres réservés pour le spill.

Etape 1: Simplify

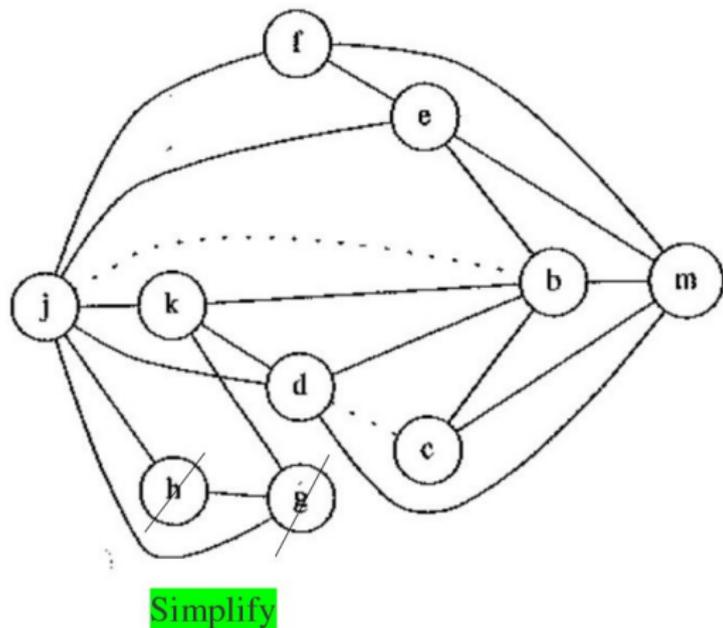
```
live-in: k j
g := mem[j+12]
h := k - 1
f := g * h
e := mem[j+8]
m := mem[j+16]
b := mem[f]
c := e + 8
d := c
k := m + 4
j := b
live-out: d k j
```



Pile: h,g

Etape 2: Coalesce

```
live-in: k j
g := mem[j+12]
h := k - 1
f := g * h
e := mem[j+8]
m := mem[j+16]
b := mem[f]
c := e + 8
d := c
k := m + 4
j := b
live-out: d k j
```

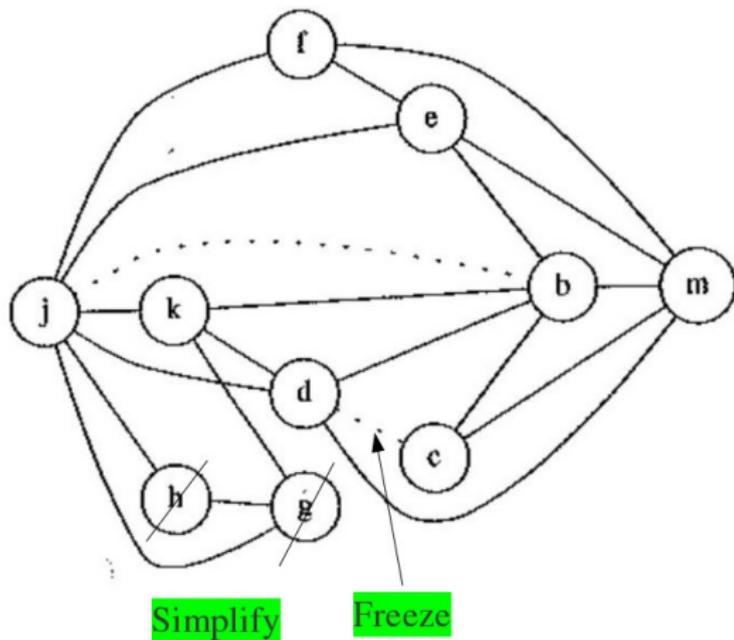


Pile: h,g

- Critère de George non-vérifié

Etape 3: Freeze

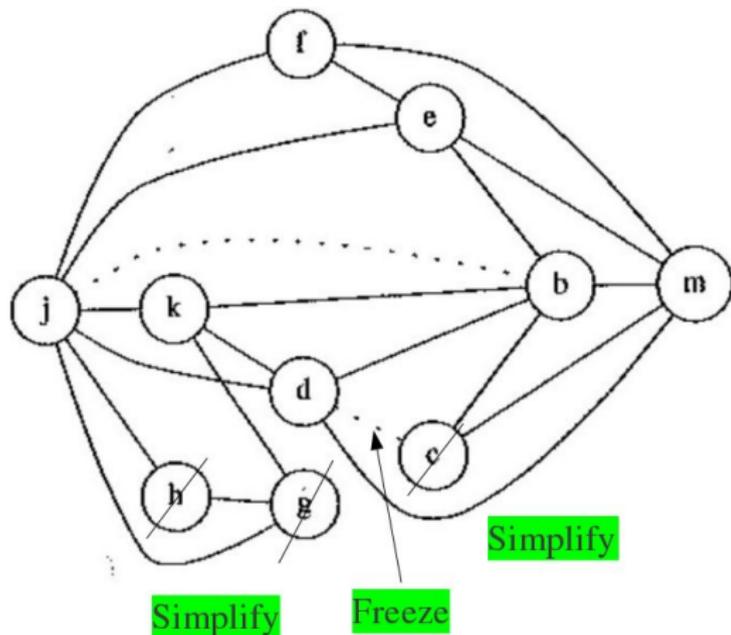
```
live-in: k j  
g := mem[j+12]  
h := k - 1  
f := g * h  
e := mem[j+8]  
m := mem[j+16]  
b := mem[f]  
c := e + 8  
d := c  
k := m + 4  
j := b  
live-out: d k j
```



Pile: h,g

Etape 1: Simplify

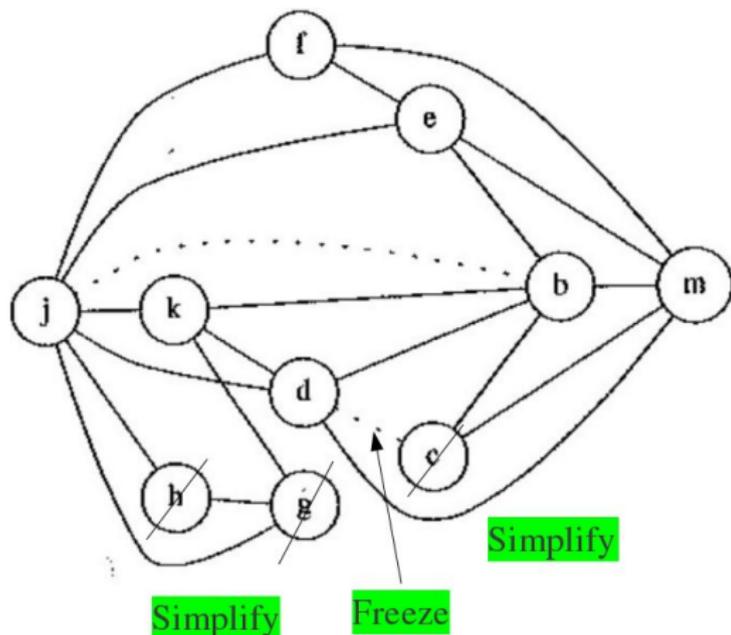
```
live-in: k j  
g := mem[j+12]  
h := k - 1  
f := g * h  
e := mem[j+8]  
m := mem[j+16]  
b := mem[f]  
c := e + 8  
d := c  
k := m + 4  
j := b  
live-out: d k j
```



Pile: h, g, c

Etape 2: Coalesce

```
live-in: k j
g := mem[j+12]
h := k - 1
f := g * h
e := mem[j+8]
m := mem[j+16]
b := mem[f]
c := e + 8
d := c
k := m + 4
j := b
live-out: d k j
```

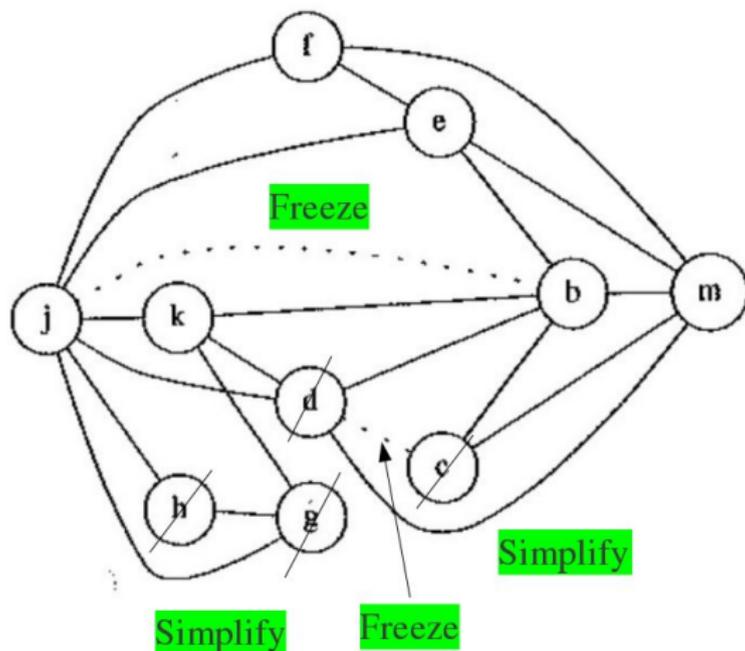


Pile: h,g

- Critère de George non-vérifié

Etape 3: Freeze

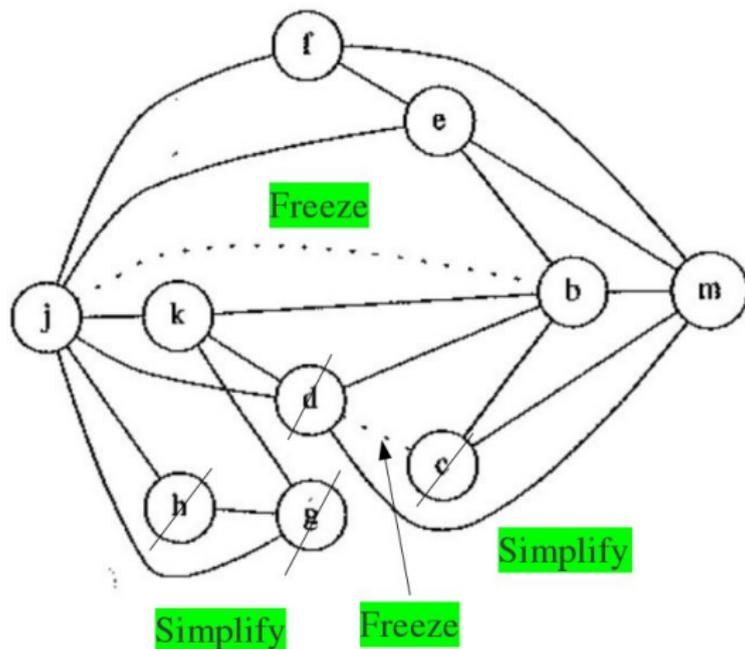
```
live-in: k j
g := mem[j+12]
h := k - 1
f := g * h
e := mem[j+8]
m := mem[j+16]
b := mem[f]
c := e + 8
d := c
k := m + 4
j := b
live-out: d k j
```



Pile: h, g

Etape 1: Simplify

```
live-in: k j
g := mem[j+12]
h := k - 1
f := g * h
e := mem[j+8]
m := mem[j+16]
b := mem[f]
c := e + 8
d := c
k := m + 4
j := b
live-out: d k j
```

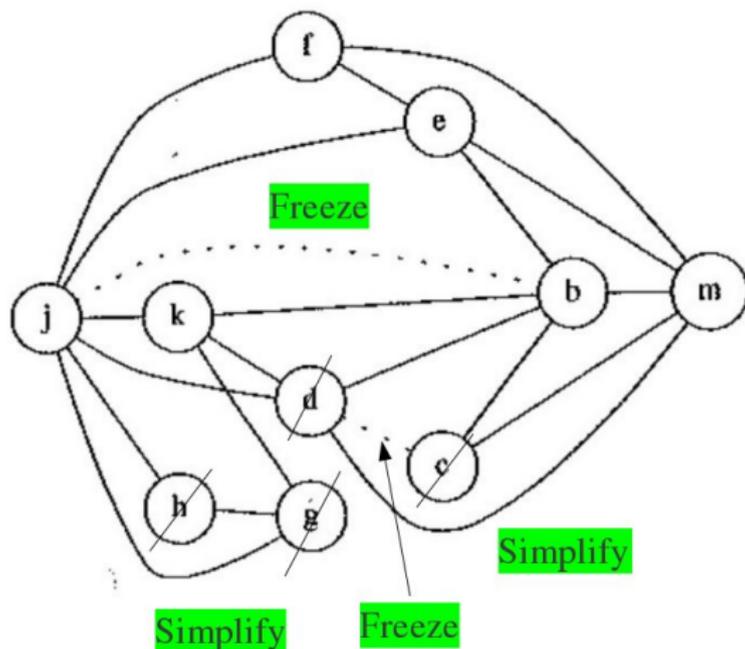


Pile: h,g,c

► Pas de simplification possible

Etape 2: Coalesce

```
live-in: k j
g := mem[j+12]
h := k - 1
f := g * h
e := mem[j+8]
m := mem[j+16]
b := mem[f]
c := e + 8
d := c
k := m + 4
j := b
live-out: d k j
```

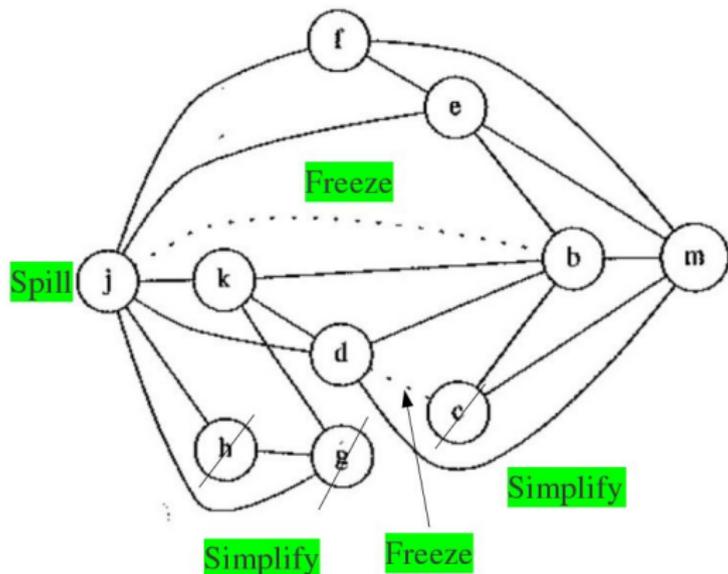


Pile: h, g, c

► Plus d'arc d'affinité

Etape 4: Spill

```
live-in: k j
g := mem[j+12]
h := k - 1
f := g * h
e := mem[j+8]
m := mem[j+16]
b := mem[f]
c := e + 8
d := c
k := m + 4
j := b
live-out: d k j
```



Pile: h,g,c,j

- ▶ Noeud de plus fort degré: j

Etape 1: Simplify

live-in: k j

```
g := mem[j+12]
```

```
h := k - 1
```

```
f := g * h
```

```
e := mem[j+8]
```

```
m := mem[j+16]
```

```
b := mem[f]
```

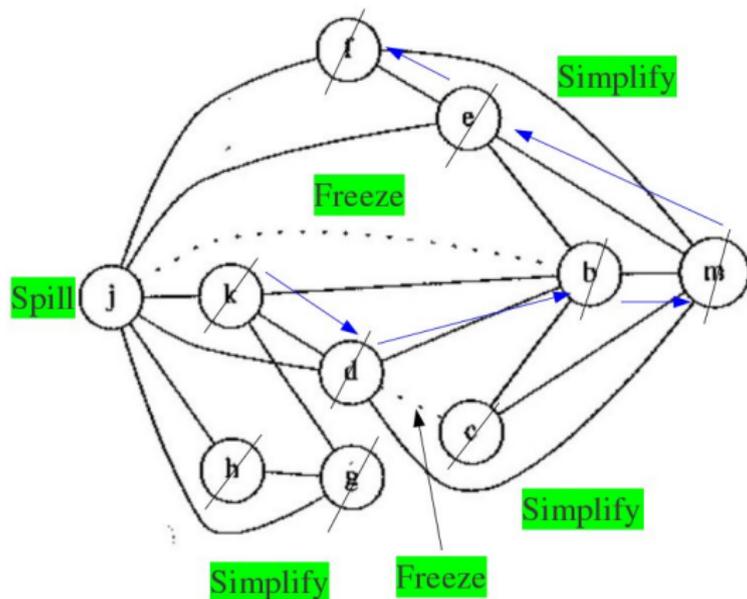
```
c := e + 8
```

```
d := c
```

```
k := m + 4
```

```
j := b
```

live-out: d k j



Pile: h,g,c,j,k,d,b,m,e,f

Etape 5: Select

live-in: k j

g := mem[j+12]

h := k - 1

f := g * h

e := mem[j+8]

m := mem[j+16]

b := mem[f]

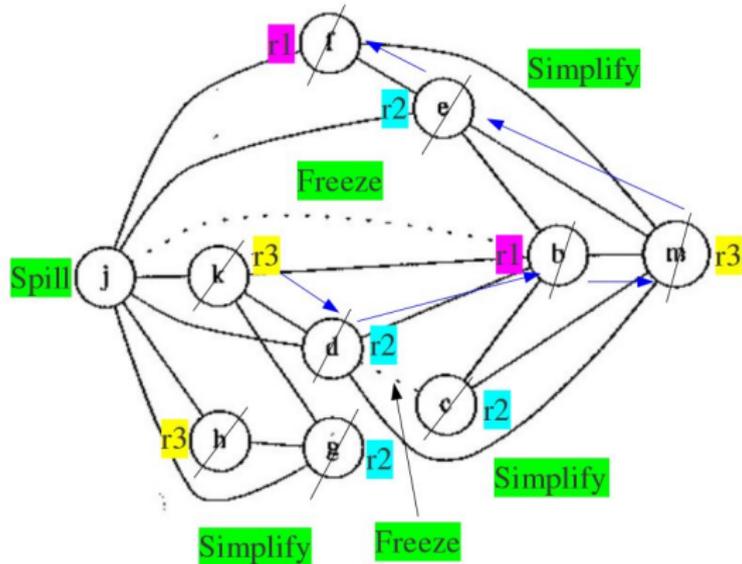
c := e + 8

d := c

k := m + 4

j := b

live-out: d k j

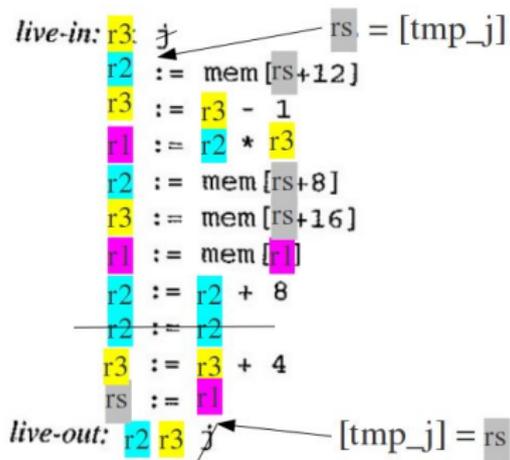


Pile: h,g,c,j, k,d,b,m,e,f
3,2,2,∅,3,2,1,3, 2,1

←

Code émis

```
live-in: k j
g := mem[j+12]
h := k - 1
f := g * h
e := mem[j+8]
m := mem[j+16]
b := mem[f]
c := e + 8
d := c
k := m + 4
j := b
live-out: d k j
```



- ▶ La copie $d := c$ peut être supprimée.

Allocation des variables temporaires

Lorsqu'un temporaire est spillé, sa valeur est placée dans une **variable temporaire** sur la pile.

On a pas besoin de toutes les variables temporaires en même temps...

On peut optimiser l'espace des temporaires en suivant le même principe: construction d'un **graphe d'interférence** et **coloriage**.

- ▶ Bien sûr, il n'y a **pas de limite sur k** .
- ▶ Autrement, on pourrait spiller sur le disque...

Linear Scan

- ▶ On numérote les instructions du programme et 1 et N , et on considère le plus grand intervalle qui contient les intervalles de vie d'une variable (au pire $[1, N]$).
- ▶ Les intervalles obtenus sont triés par ordre croissant du point de départ.
- ▶ On parcourt les points d'entrée des intervalles par ordre croissant.
- ▶ On se maintient une liste d'intervalles de vie actifs. (triée par point de fin croissant)
- ▶ Pour chaque nouvel intervalle:
 - ▶ On retire les intervalles dont le point de fin expire (début de liste).
 - ▶ Le registre correspondant est alors disponible.
 - ▶ Si la liste est de taille k , on spille l'intervalle qui termine le plus tard (dernier de la liste).
 - ▶ Sinon, on attribue un registre non utilisé à l'intervalle.

Linear Scan

La complexité est **linéaire** en le nombre de variables.

▣ adapté aux environnements de **compilation "au vol"**

D'après les auteurs, les performances sont **10% inférieures** à IRC.

Il n'y a **pas d'élimination de copies** (coalesce).