

# Static Single Assignment Form

Paul Feautrier

`Paul.Feautrier@ens-lyon.fr.`

ENS Lyon

# Plan

- Concepts de base
- Transformation en SSA
- Utilisation de la SSA
- Elimination des fonctions  $\phi$
- Perspectives

# Bibliographie

- Muchnick : Advanced Compiler Design and Implementation, Chap. 8
- Cytron ?

# Concepts de base, I

- Qu'est-ce qu'une variable :
  - en mathématique, c'est une constante dont la valeur est inconnue. La valeur d'une « variable » ne change pas au cours d'un raisonnement.
  - en informatique, c'est la désignation symbolique d'une cellule de mémoire. La valeur d'une variable change à chaque affectation.
- Si l'on veut appliquer le raisonnement mathématique à un programme, il faut s'intéresser aux valeurs contenues dans les cellules de mémoire : on peut dire que ces valeurs sont des fonctions du temps.

# Concepts de base, II

- En informatique, le temps est discret. La valeur d'une variable ne change que si on exécute une affectation. On préfère donc représenter une variable par une suite que par une fonction.
- Un programme est en assignation unique dynamique si chaque cellule de mémoire n'est affectée qu'une fois au cours de l'exécution. Il y a alors identité entre cellule de mémoire et valeur. En contrepartie, la complexité spatiale est égale à la complexité temporelle.
- Un programme est en assignation unique statique si chaque cellule de mémoire n'est affectée qu'une fois dans le texte du programme.
- On ne peut identifier variable et valeur que dans des fragments de programme où chaque instruction n'est exécutée qu'une fois.

# Concepts de base, III

- Bloc de base : un sous graphe du graphe de contrôle formant une chaîne, et n'ayant qu'un point d'entrée et un point de sortie.
- Superbloc : un sous graphe du graphe de contrôle formant un DAG, et n'ayant qu'un point d'entrée et un point de sortie.
- *Reaching definition* : soit  $D$  une instruction qui définit une variable  $x$  et  $U$  une instruction qui l'utilise. Il y a une dépendance de flot entre  $D$  et  $U$  si il existe un chemin de  $D$  à  $U$  sur lequel  $x$  n'est pas modifiée.

# Transformation en assignation unique

- Les programmes courants sont rarement écrits en assignation unique.
- Comment transformer un programme ordinaire en programme en assignation unique ?
- On ne considère ici que les variables scalaires.
- Deux étapes :
  - On indexe la variable à gauche du signe d'affectation pour obtenir la propriété d'assignation unique.
  - Pour chaque variable  $x$  à droite du signe d'affectation, on détermine les *reaching definitions*  $x_a, \dots, x_z$ . On remplace  $x$  par  $\phi(x_a, \dots, x_z)$ .

# Un exemple

```
/* calcul du pgcd */
u = a;
v = b;
L :
r = u % v;
if(r == 0) return v;
u = v;
v = r;
goto L;

u_1 = a;
v_1 = b;
L :
r_1 = u % v;
if(r == 0) return v;
u_2 = v;
v_2 = r;
goto L;
```

- Quelle est la source de  $u$  au moment du calcul du modulo ?
- $u$  peut provenir de l'initialisation ( $u_1$ ) ou du corps de la boucle à l'itération précédente ( $u_2$ ).
- On écrit par convention  $u = \phi(u_1, u_2)$ .

# Les fonctions $\phi$

- Une fonction  $\phi$  fonctionne comme un multiplexeur.
- Elle sélectionne la « bonne » valeur parmi ses entrées et la retourne sans la modifier.
- La sélection dépend du chemin suivi dans le graphe du programme au moment du calcul de la fonction  $\phi$ .

$u_1 = a$

$v_1 = b$

L :  $r_1 = \phi(u_1, u_2) \text{ mod } \phi(v_1, v_2)$

If  $r_1 = 0$  return  $\phi(v_1, v_2)$

$u_2 = \phi(v_1, v_2)$

$v_2 = r_1$

goto L

# Optimisation

On peut toujours optimiser en déplaçant les fonctions  $\phi$  vers les points d'entrée des blocs de base.

$u_1 = a$

$v_1 = b$

L :  $u_3 = \phi(u_1, u_2)$

$v_3 = \phi(v_1, v_2)$

$r_1 = u_3 \bmod v_3$

If  $r_1 = 0$  return  $v_3$

$u_2 = v_3$

$v_2 = r_1$

goto L

# Quel est l'intérêt de la forme SSA ?

**Théorème 1** *Au cours d'une exécution d'un superbloc, deux expressions identiques ont la même valeur.*

On suppose que l'exécution du programme est déterministe, par exemple qu'il n'y a pas de tirage d'un vrai nombre aléatoire. Au cours de l'exécution d'un superbloc, le contrôle suit donc un chemin bien déterminé dans le graphe de contrôle. Soit  $e_1$  et  $e_2$  les expressions distinguées. Soit  $v$  une variable de  $e_1$  et  $e_2$ . Si  $v$  avait été modifiée sur le chemin qui va de  $e_1$  à  $e_2$ , le mécanisme de mise en SSA aurait changé son nom, et les deux expressions ne seraient plus identiques. ■

Attention, la réciproque est fausse. Deux expressions peuvent être égales sans être identiques.

# Applications, I

Dans un programme en forme SSA, et à l'intérieur d'un bloc de base ou d'un superbloc, on peut raisonner sur les variables informatiques comme si c'était des variables mathématiques.

- Détection des calculs redondants. Si dans un bloc de base on trouve deux expressions ou sous-expressions identiques, on peut réutiliser la valeur de l'une à la place de l'autre.

$x = (a + b) + c;$		$u = a + b;$
		$x = u + c;$
	$==>$	
$y = (a + b) + d;$		$y = u + d;$

- Propagation des constantes.

$x = 12.;$		$x = 12.;$
	$==>$	
$y = x;$		$y = 12.;$

# Application, II

Contrôle des tailles de tableaux.

```
real a(n), b(n);  
allocate (a);  
a = c(1:n);  
allocate (b);  
b = a;
```

Ce programme est déjà en forme SSA.  
Donc la deuxième affectation est valide.

```
real a(n), b(n);  
allocate (a);  
a = c(1:n);  
n = n + 1;  
allocate (b);  
b = a;
```

==>

```
real a(n), b(n);  
allocate (a); //taille n_1  
a = c(1:n_1);  
n_2 = n_1 + 1;  
allocate (b); //taille n_2  
b = a;
```

Le programme initial n'est pas en SSA. Une fois la transformation réalisée, il est visible que la dernière affectation n'est pas correcte.

# Elimination des fonctions $\phi$

- La forme SSA est un outil d'optimisation. Il n'est pas question de la compiler et de l'exécuter. Il faut donc éliminer les fonctions  $\phi$ .
- Il est possible de remplacer une fonction  $\phi$  par une expression conditionnelle (*gated SSA*). Exemple du PGCD :

```
     $u_1 = a$   
     $v_1 = b$   
     $i = 0 ;$   
L :  $u_3 = \text{if } i = 0 \text{ then } u_1 \text{ else } u_2$   
     $v_3 = \text{if } i = 0 \text{ then } v_1 \text{ else } v_2$   
     $r_1 = u_3 \bmod v_3$   
    If  $r_1 = 0$  return  $v_3$   
     $u_2 = v_3$   
     $v_2 = r_1$   
     $i++ ;$   
    goto L
```

# Elimination des fonctions $\phi$ , II

- L'autre méthode consiste à déplacer les fonctions  $\phi$  jusqu'en un point où l'ambiguïté est levée.
- Sur l'exemple du PGCD, on déplace la fonction  $\phi$  avant le point de jonction.
- Comme le point de jonction a deux prédécesseurs, la fonction doit être dupliquée.
- Dans l'initialisation,  $\phi(v_1, v_2) = v_1$ .
- A la fin du corps de boucle,  $\phi(v_1, v_2) = v_2$ .
- On retrouve le programme initial à quelques duplications de variables près.

# Remarques finales

- Il est impossible – sauf cas particuliers – de traiter de la même façon tableaux et pointeurs.
- Il existe de nombreux travaux sur le placement optimal des fonctions  $\phi$ .
- La forme SSA est une autre façon d'exprimer l'information contenue dans les *reaching definitions*.
- Des informations analogues – parfois plus précises – peuvent être obtenues par la méthode de l'exécution symbolique.
- Il existe une autre forme (Dynamic Single Assignment Form) plus précise, mais qui ne peut être calculée que pour certains programmes.