

On note  $a$  un nombre complexe,  $\lambda$  un réel non nul,  $\theta$  un réel, et  $\omega$  l'affixe d'un point quelconque du plan  $\Omega$ .

<i>Transformation</i>	<i>Action géométrique</i>	<i>Réciproque</i>	<i>Action sur les distances</i>	<i>Action sur les angles</i>	<i>Ensemble des points fixes</i>
$z \mapsto \bar{z}$	symétrie d'axe $Ox$	$z \mapsto \bar{z}$	préserve les distances	renverse les angles	$\mathbb{R}$
$z \mapsto z + a$	translation de vecteur d'affixe $a$	$z \mapsto z - a$	préserve les distances	préserve les angles	$\emptyset$
$z \mapsto \lambda z$	homothétie vectorielle de rapport $\lambda$ (et de centre 0)	$z \mapsto \frac{1}{\lambda} z$	multiplie les distances par $ \lambda $	préserve les angles	$\begin{cases} \mathbb{C} & \text{si } \lambda = 1 \\ \{0\} & \text{sinon.} \end{cases}$
$z \mapsto e^{i\theta} z$	rotation vectorielle d'angle $\theta$ (et de centre 0)	$z \mapsto e^{-i\theta} z$	préserve les distances	préserve les angles	$\begin{cases} \mathbb{C} & \text{si } \theta = 0 [2\pi] \\ \{0\} & \text{sinon.} \end{cases}$
$z \mapsto \omega + \lambda(z - \omega)$	homothétie ponctuelle de rapport $\lambda$ et de centre $\Omega$	$z \mapsto \omega + \frac{1}{\lambda}(z - \omega)$	multiplie les distances par $ \lambda $	préserve les angles	$\begin{cases} \mathbb{C} & \text{si } \lambda = 1 \\ \{\Omega\} & \text{sinon.} \end{cases}$
$z \mapsto \omega + e^{i\theta}(z - \omega)$	rotation ponctuelle d'angle $\theta$ et de centre $\Omega$	$z \mapsto \omega + e^{-i\theta}(z - \omega)$	préserve les distances	préserve les angles	$\begin{cases} \mathbb{C} & \text{si } \theta = 0 [2\pi] \\ \{\Omega\} & \text{sinon.} \end{cases}$

À retenir : on peut composer une homothétie et une rotation sans se soucier de l'ordre ssi elles ont même centre (ou si l'une ou l'autre est en fait l'identité).