

# Théorie de la Programmation, L3IF – TD

mercredi 12 décembre 2018, 8h-10h

## 1 Des polynômes de types pour FUN

### 1.1 Produits

On étend le langage FUN avec ce qu'on appelle les *types produits*, qui accompagnent la capacité de former des couples. Il y a trois nouvelles constructions dans le langage : les parenthèses avec la virgule pour faire un couple, et deux projections pour “désassembler” un couple. Les notations sont les suivantes :  $(e_1, e_2)$ ,  $\text{fst}(e)$ ,  $\text{snd}(e)$ .

Du côté du typage, le type noté  $\tau_1 * \tau_2$  est associé à un couple constitué d'une expression de type  $\tau_1$  et d'une expression de type  $\tau_2$ .

Proposez des règles d'inférence supplémentaires pour étendre la définition de

1. la sémantique à grands pas,
2. la sémantique à petits pas,
3. le typage.
4. Quel type est équivalent à  $(\tau_1 * \tau_2) \rightarrow \tau_3$  ?

*équivalent au sens où il y a deux opérations inverses l'une de l'autre entre les deux types*

### 1.2 Sommes

La “contrepartie” des types produit sont les types somme, qui correspondent à la disjonction entre deux types : il y a deux manières de construire une expression appartenant à un type somme, l'injection gauche, notée  $\text{i1}$ , et l'injection droite, notée  $\text{ir}$ . Pour “désassembler” un tel objet, on utilise une construction *case*, qui raisonne par cas suivant l'injection qui est utilisée.

On utilise naturellement la notation  $\tau_1 + \tau_2$  pour un type somme.

Proposez des règles d'inférence supplémentaires pour étendre la définition de

1. la sémantique à grands pas,
2. la sémantique à petits pas,
3. le typage.

### 1.3 Tout

On suppose que l'on part de la grammaire suivante pour les types de “FUN étendu avec sommes et produits” :

$$\tau ::= \text{unit} \mid \tau_1 \rightarrow \tau_2 \mid \tau_1 * \tau_2 \mid \tau_1 + \tau_2 ,$$

où  $\text{unit}$  est un type avec un seul élément, noté  $()$  : la grammaire de FUN est donc modifiée ainsi :

$$e ::= () \mid \text{fun } x \rightarrow e \mid x \mid e_1 e_2 .$$

1. Comment définir les types `bool` ? et `option` ?
2. Les types pour les entiers naturels et les listes d'entiers sont solutions de quelles équations ? (On vous demande juste de deviner ces équations, pas de justifier comment on résoud ces équations)

## 2 Sémantique contextuelle pour FUN

1. Inspirez-vous du DM 1bis (cf. la page [www](#) du cours) pour définir une sémantique contextuelle pour FUN. Rappelons que cela passe par la définition de la relation  $\hookrightarrow$  et des contextes d'évaluation.
2. Traitez l'extension avec les couples.

## 3 Exceptions

$$e ::= \dots \mid \text{raise } E(e) \mid \text{try } e_1 \text{ with } E(x) \rightsquigarrow e_2$$

Une exception, notée  $E(e)$ , où  $e$  doit s'évaluer en un entier. À noter que  $E(e)$  n'est pas une expression (une fonction ne peut pas prendre une exception en argument, par exemple).

Dans  $\text{try } e_1 \text{ with } E(x) \rightsquigarrow e_2$ ,  $x$  est lié dans  $e_2$ .

1. Sémantique opérationnelle, première solution : grands et petits pas "comme d'habitude".
2. puis avec la sémantique contextuelle
3. typage