

MP n°10: Milieux optiquement actifs: birefringence et pouvoir rotatoire

Biblio:

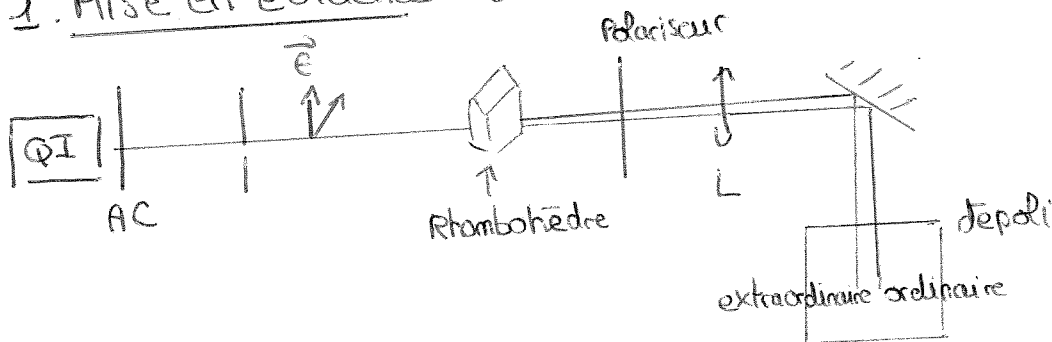
- Duffaut - sextant
- Pérez
- Bruhat
- Feynmann Tome 2. Méca.

Introduction : dans de ce montage nous allons nous intéresser à des matériaux pour lesquels la propagation de la lumière dépendra de sa polarisation. On représentera la lumière, non plus par un scalaire, mais par un vecteur. On s'intéressera d'abord à des milieux birefringents (ex: Quartz, spath) puis à des milieux présentant un pouvoir rotatoire naturel ou provoqué.

I. Birefringence:

→ cristaux uniaxe. faisceau lumineux // en incidence normale sur la face d'entrée.

1. Mise en évidence → Rhomboïdre de spath (CaCO_3)



histoire: XVII des gens se demandaient pourquoi ils voyaient double à travers ce cristal. Fresnel s'y intéressa → rôle important dans la découverte de la polarisation de la lumière.
En effet les rayons ordinaires et extraordinaires sont polarisés $\perp$

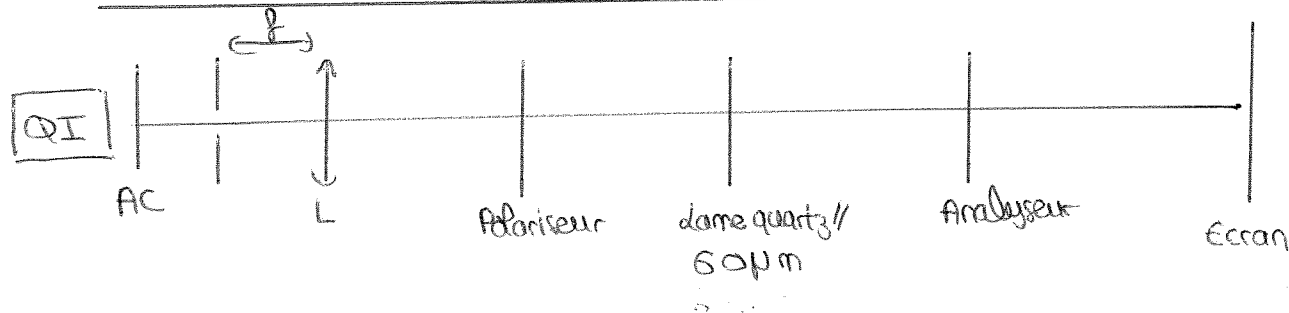
2. Etudes de lames minces de Quartz taillées // à l'AO

→ Incidence normale p/c à l'AO: pas de séparation des faisceaux ordinaires et extraordinaires. Il reste un déphasage induit par

La traversée de la lame: ($\delta = (n_e - n_o)e = \Delta n e$)

(2)

a. Mise en évidence des lignes noires



→ P et A croisés: si on rajoute la lame → la lumière réapparaît.

∃ deux lignes $\perp$ rétablissant l'extinction → lignes noires

→ lumière colorée: interférences entre rayons ordinaires et extraordinaires (possibles grâce à l'analyseur). Ici δ est petite → extinction de quarts λ . (couleur)

b. Détermination de Δn par $\neq$ méthodes

dame 60µm

* teinte de Newton:

couleur (pour P et A croisés) → $\delta = \Delta n e$

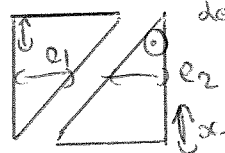
$$\Delta n = \frac{\delta}{e} = \frac{570 \cdot 10^{-9}}{60 \cdot 10^{-6}} = 9,5 \cdot 10^{-3} \pm 10^{-4}$$

Erreur? → sur δ : $\Delta \delta = 10 \text{ nm}$

limite de la méthode: nécessite l'appréciation des couleurs.

dame 60µm

* compensateur de babinet: compense le déphasage introduit par la lame

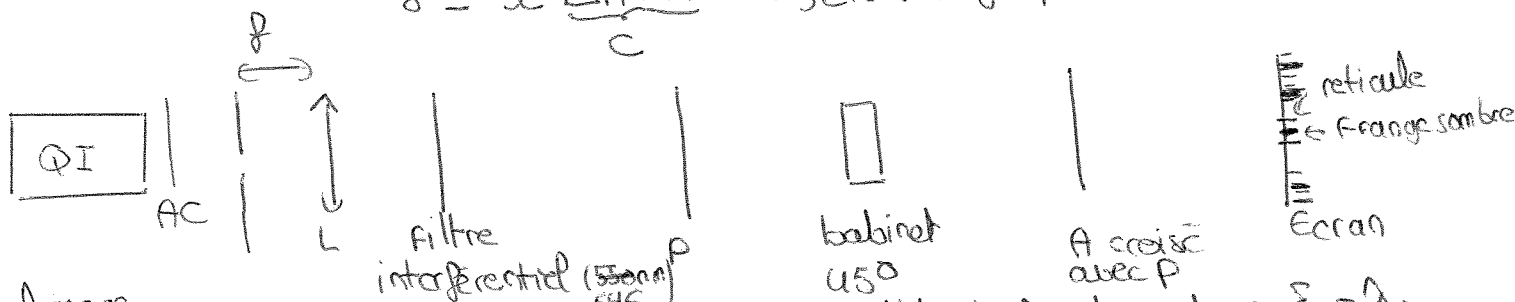


des AO dont $\perp$ l'un avec l'autre et $\parallel$ à la face d'entrée.

2 prismes de quartz, 1 prisme mobile → x

$$\delta = (n_e - n_o)e_1 + (n_o - n_e)e_2 \quad \delta = 0 \text{ au centre.}$$

$$\delta = x \frac{\Delta n \tan \theta}{C} \rightarrow \text{étalonnage pour déterminer } C$$



Etalonnage

→ lumière monochromatique: déplacement d'1 interférence: $d_0 \rightarrow \delta_0 = \lambda_0$

Mesure de Δn : on rajoute la lame (quartz // $60\mu\text{m}$) à 45° ③

→ La frange noire centrale se déplace: on doit bouger le compensateur de d_1 pour la ramener au centre du réseau (compensation de δ)

$$\begin{array}{l} d_1 \rightarrow \delta_1 \\ d_0 \rightarrow \lambda_0 \end{array} \quad \text{d'où} \quad \delta_1 = \frac{d_1 \lambda_0}{d_0} = \Delta n e$$

$$\lambda_0 = 546\text{nm}$$

$$d_0 = 4,9\text{mm} \quad \lambda_0 = 546\text{nm}$$

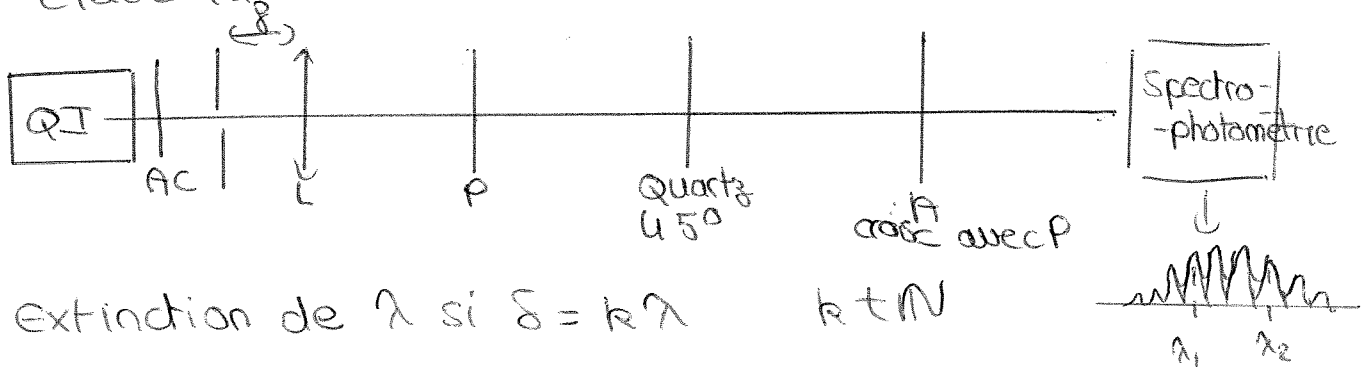
$$\Delta n = \frac{d_1 \lambda_0}{d_0} \cdot \frac{1}{e} = 9,6 \cdot 10^{-3} \pm 0,1$$

$$\text{Erreur sur } d_1, d_0: \pm \Delta d = 0,25\text{mm}$$

$$[d_1 = 5,15 \pm 0,05\text{mm}]$$

* Spectre cannelé: → lame épaissie: extinction de nombreuses λ
on voit blanc d'ordre supérieur.

Etude lame Quartz 4mm //



Extinction de λ si $\delta = k\lambda$ $k \in \mathbb{N}$

Entre p cannelures on a: $\Delta n e = \lambda_1, k_1 = (k_1 + p)\lambda_2$

$$\begin{array}{l} \lambda_1 = 660,51 \text{ (cannelures)} \\ \lambda_2 = 573,29 \\ 3 \text{ intervalles} \end{array}$$

$$\Delta n = \frac{p}{e} \frac{\lambda_1 \lambda_2}{\lambda_1 - \lambda_2}$$

$$\Delta n = (9,77 \pm 0,01) 10^{-3}$$

$$\text{Erreur: sur } \lambda \Rightarrow \Delta \lambda = 0,5\text{nm} \quad (d/\Delta n) = \frac{p}{e} \Delta \lambda \left(\frac{\lambda_1 + \lambda_2}{\lambda_1 - \lambda_2} \right) = 2 \cdot 10^{-5}$$

⇒ Comparaison des méthodes:

$\Delta n(\underline{\lambda})$: or les deux premières méthodes se font en lumière blanche.

$$\begin{array}{l} \Delta n \text{ littérature} = 9,044 \cdot 10^{-3} \pm 0,7\mu\text{m} \\ = 9,504 \cdot 10^{-3} \pm 0,4\mu\text{m} \end{array}$$

La 1^{ère} méthode est la plus précise car fait appel à la vision des couleurs.

II. Pouvoir rotatoire → propriété de certaines substances de faire tourner une polarisation rotatoire dans son plan.

1. Mise en évidence: lame de Quartz taillée $\perp$ à l'ao
lame $\perp$: neutralise la biréfringence qui sinon cacherait le pouvoir rotatoire.

Découverte du phénomène par Arago au ~~XIX~~^{XIX} ième

→ même montage que pour biréfringence: on prend une lame de quartz $\perp$ de 2mm d'épaisseur.

→ observations: Pot Arcoisés. Si on ajoute la lame, réapparition de lumière. Contrairement à la biréfringence, si on tourne la lame, rien ne se passe.

si on tourne A → apparition de couleur.

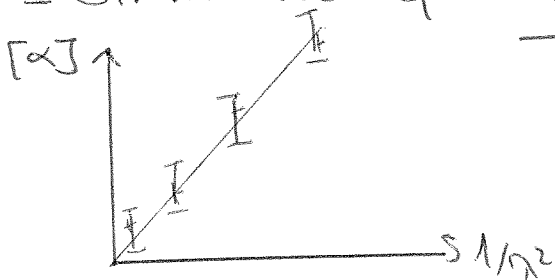
En fait on éteint $\neq \lambda$: $\alpha = [\alpha](\lambda) l$
pouvoir rotatoire spécifique

2. Etude de la dispersion

- On rajoute un filtre interférentiel → si on tourne A d'un angle α on rétablit l'extinction. Si on tourne A vers la droite → dextrogyre
gauche → lévogyre

le signe de α ne change pas si on retourne la lame.

- on montre que $[\alpha] \propto 1/\lambda^2$

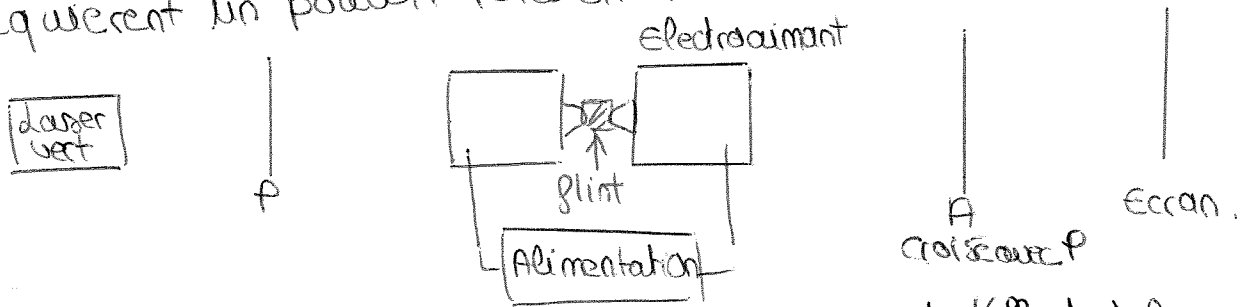


Prende 1 point à 581 nm.

3) Effet Faraday

(5)

sous l'action de $\vec{B}$ suffisamment intense certains matériaux (ex flint) acquièrent un pouvoir rotatoire.



* Etalonnage : $B = f(I) \Rightarrow$ pour s'affranchir de l'offset de la sonde à effet Hall on mesure $B_{et} - B$ (avec I et $-I$) et on fait la moyenne.

* si $B \sim 0 \rightarrow P$ et A croise : pas de lumière.

* si B grand $\rightarrow$ lumière : il faut tourner A d'un angle α

α suit la loi de Verdet : $\boxed{\alpha = V_e \cdot l \cdot B}$

V_e : cste de Verdet

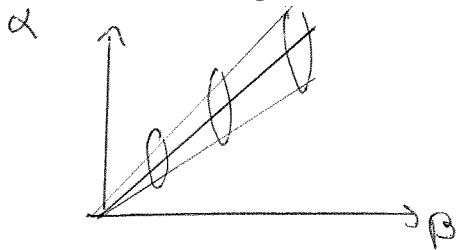
l : épaisseur traversée.

$$l = 3 \cdot 10^{-2} \text{ m} \pm 10^{-3}$$

$$\alpha = aB \quad \text{on trouve } a = \pm$$

$$\text{ou } V_e = \frac{a}{l} =$$

$$\frac{\Delta V}{V} = \frac{\Delta l}{l} + \frac{\Delta a}{a}$$



La littérature donne $V_e(\text{flint}) = 528^\circ \cdot \text{T}^{-1} \cdot \text{m}^{-1}$

Prendre le point à 7 A.

Bonus : Pouvoir rotatoire du saccharose (JFLM tome 2)

$\rightarrow$ toujours le m[^] montage : on ajoute une cuve remplie de saccharose. $c = 0,2 \text{ g} \cdot \text{ml}^{-1}$

Loi de Biot : $\boxed{\alpha = [\alpha]_D^{25} \cdot l \cdot c}$

$\swarrow$ Doublet sodium $\downarrow$ dm $\searrow$ g.ml⁻¹

conclusion:

Nous avons vu l'effet de certains milieux optiquement actifs sur la polarisation de la lumière.

Ces effets présentent de nombreuses applications:

p. ex pour la biréfringence $\rightarrow$ lame à retard de phase
ex lame $\frac{1}{4}$ d'onde

$\rightarrow$ biréfringence provoquée

par des contraintes mécaniques; photoélastimétrie. On peut grâce à cette méthode déterminer des contraintes subies par un matériau.

Pour le pouvoir rotatoire: $\rightarrow$ mesure de concentration en chimie

$\rightarrow$ identification d'énantiomères,