

# MP17 MÉTAUX

2 avril 2020

MONNET Benjamin &

## Niveau : L3

## Commentaires du jury

## Bibliographie

- ↗ *Electronique*, **Duffait** → module d'Young
- ↗ <https://www.pmmh.espci.fr/~jbico/TP/TP%20Vibration.pdf> → théorie de la vibration de la poutre
- ↗ **Jolidon** → La bible
- ↗ *Dictionnaire de la physique expérimentale*, **Quaranta** → Montaeg longue et courte dérivation

## Prérequis

➤

## Expériences

☞

## Table des matières

<b>1</b>	<b>Propriété mécanique : module d'Young</b>	<b>2</b>
<b>2</b>	<b>Conduction thermique</b>	<b>2</b>
<b>3</b>	<b>Conduction électrique</b>	<b>3</b>
3.1	Loi de Wiedmann Frantz (sûrement pas le temps) . . . . .	3

## Introduction

Le but dans ce montage est de caractériser aussi bien que possible les propriétés physiques des métaux. Comme on le sait, ils sont à la fois solides et conducteurs thermiques et électriques.

## 1 Propriété mécanique : module d'Young

<https://www.pmmh.espci.fr/~jbico/TP/TP%20Vibration.pdf>



### Mesure du module d'Young d'une poutre

✎ Duffait, p103



2 manière de faire l'expérience :

- En plaçant un accéléromètre au début de la barre. On modifie malheureusement le moment d'inertie
- Avec un micro en enregistrant le son produit (apparemment ça marche! A essayer!) puis avec une TF (bien choisir l'échantillonnage)

La fréquence de vibration est  $f_0 = \frac{3.515}{2\pi L^2} \sqrt{\frac{Ee^2}{12\rho}}$

**Prendre la barre de laiton, qui est la plus longue**

**Pour d'autres matériaux :** Le bois  $E \approx 10GPa$ , la laine :  $E \approx 14GPa$ , le plexiglas  $E \approx 10GPa$ , la mousse :  $E \approx 10kPa$ .

## 2 Conduction thermique

✎ Jolidon

Un peu de théorie : les flux thermiques sont modélisés par la loi de Fourier :

$$\vec{j} = -\lambda \text{grad}T$$

Dans un métal, les électrons sont à la fois responsables de se transfert thermique mais aussi de la conduction électrique. L'équation de la chaleur dans un métal s'écrit :

$$\frac{\partial T}{\partial t} = \kappa \Delta T$$

où  $\kappa = \frac{\lambda}{\rho c}$ . Dans notre cas, on va faire l'hypothèse que la barre est semi infinie, forcée à une pulsation  $\omega$  qu'il faudra judicieusement choisir. Ainsi, la température en régime forcé se met sous la forme :

$$T(x, t) = T_0 + \Delta T e^{-\frac{x}{\delta}} \cos(\omega t - x/\delta)$$

où  $\delta = \sqrt{\frac{2\kappa}{\omega}}$  est l'épaisseur de peau thermique. Afin de s'assurer que l'hypothèse de milieu semi infini est bien vérifié, nous veillerons à ce que l'inégalité  $5\delta < L$  (car au bout de  $5\delta$ , l'amplitude est quasiment nulle) reste vérifiée. Cela nous imposera donc une condition sur la pulsation de travail.



### Mesure de diffusion thermique par module Peltier

✎ Jolidon p384



Alimenter les ventilateurs (12V) et les capteurs (15V). Alimenter le module Peltier (P0.73) avec l'ampli Kepco (P53.9) piloté par un GBF. Faire bien attention à ne pas dépasser les limites du module Peltier en vérifiant avec des ampèremètres que l'on ne dépasse pas 4A. Utiliser une fréquence de 10mHz.

On fait des ajustements du type  $A_0 + A_i \cos(\omega t + \Phi_i)$ . Si ça marche pas, il faut rajouter du cos ( $2\omega t$ ). En traçant  $\ln(A_i) = f(x_i = id)$  et  $\phi_i$ , on trouve la pente  $-\frac{1}{\delta}$  et donc  $\delta$  puis  $\kappa = \delta^2 \pi f$ .

Pour le cuivre on attend  $\kappa = 1,14 \cdot 10^4 m^2 s^{-1}$ .

**Pour d'autres matériaux :** La terre sèche :  $\kappa \approx 0.75Wm^{-1}K^{-1}$ , Le bois  $\kappa \approx 0.1 - 0.2Wm^{-1}K^{-1}$ , La craie :  $\kappa \approx 0.92Wm^{-1}K^{-1}$

### 3 Conduction électrique

#### Mesure de la conductivité

☞ Jolidon

⊖

On met une bobine de cuivre dans de l'eau que l'on a chauffé au préalable. On utilise un voltmètre de précision Fluke 8466A et un montage 4 fils (voir fin du poly) et un thermocouple de type K.  
On trace  $R=f(T)$

$$R = \frac{\rho L}{S}$$

La bobine P56.27 a pour caractéristiques :  $L = (17.15 \pm 0.05)m$  et  $d = (0.840 \pm 0.002)mm$ . Courant continu : pas d'effet inductif. La formule théorie pour la conductivité :

$$\rho(T) = \rho_0 + \alpha(T - t_0)$$

**En vrai c'est tout un polynôme ! Mais pour des écarts de température pas trop grand à  $T_0$ , c'est une bonne approximation**

**Autres matériaux :** Verre :  $\rho = 10^{17}\Omega m^{-1}$ , Polystyrène :  $\rho = 10^{20}\Omega m^{-1}$ .

#### Montage longue, courte dérivation et 4 fils

#### Montage longue et courte dérivation

☞ Quaranta, p421

Dans un premier temps, parlons de la mesure courte et longue dérivation :

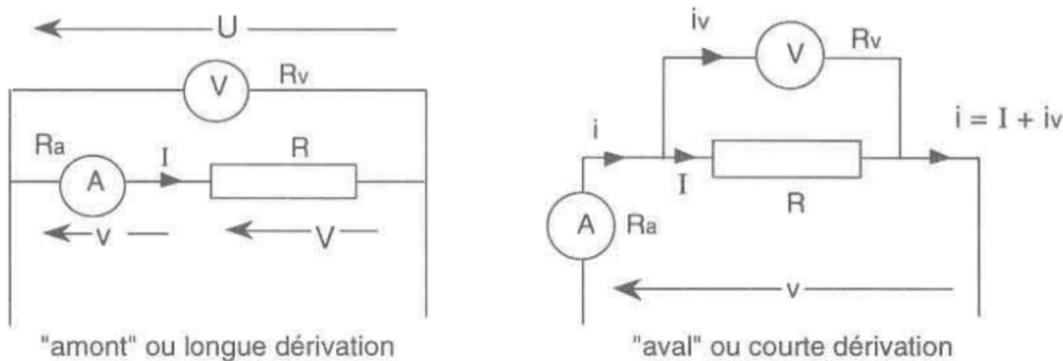


FIGURE 1 – Source : Quaranta

	Longue dérivation	Courte dérivation
Mesure	$R' = R + R_a = \frac{V+v}{i}$	$R'' = \frac{RR_v}{R+R_v}$
Erreur relative	$\frac{R_a}{R}$	$\frac{-R}{R+R_v}$

Donc la longue dérivation est mieux pour les résistances élevées alors que la courte dérivation est mieux pour les résistances faibles.

### 3.1 Loi de Wiedmann Frantz (sûrement pas le temps)

Les métaux sont tels que :

$$\frac{\kappa}{\rho T} = \mathcal{L} = \frac{\pi^2 k_B^2}{3 e^2} \approx 2.44 \times 10^{-8} W.\Omega.K^{-2}$$

#### Montage 4 fils

✎ Jolidon

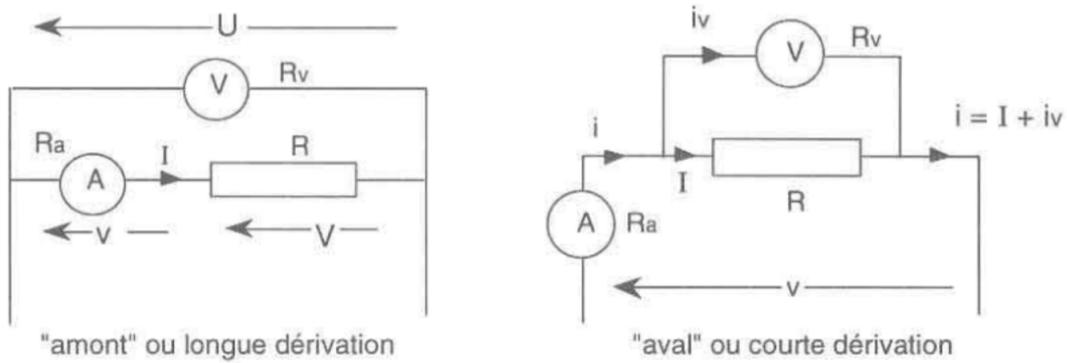


FIGURE 2 – Source : Jolidon

En gros, le montage 4 fils permet de mesurer plus proche de la résistance et donc de s'affranchir des résistances parasites provenant des fils et des soudures et donc d'avoir une mesure plus précise dans le cadre de mesures de petites résistances. (**Attention, apparemment ça ne sert pas qu'à ça !**)

#### La conductivité...

✎ Aschcroft je pense

Pour rappel :

Dépendance expérimentale :

$$\begin{cases} \rho(T) \propto T \\ \kappa(T) \propto cste \end{cases}$$

Modèle de Drude :

$$\begin{cases} \rho(T) \propto \sqrt{T} \\ \kappa(T) \propto \sqrt{T} \end{cases}$$

Modèle de Sommerfeld (qui redonne Wiedemann-Franz) :

$$\begin{cases} \rho(T) = \frac{m}{n e^2 \tau} \approx T \\ \kappa(T) = \frac{\pi^2}{3m} N k_B^2 T \tau \end{cases}$$

#### Questions

- 

#### Remarques

-