

LP 28 Ondes électromagnétiques dans un milieu dielectrique

Définition d'un milieu dielectrique

I| Milieux dielectriques

1) Rappels sur EM dans la matière : \vec{P} , \vec{J}_{libre} , \vec{e}_{libre} , \vec{p}_{loc} , \vec{j}_{loc} , \vec{D} , Eq. Maxwell ds la matière relations constitutives, décompte des équations.

↳ dans le domaine de Fourier $\vec{\chi}_e(\omega) = \epsilon_0 \vec{\chi}_e(\omega) \vec{E}(\omega)$
pour avoir un retard $\sim 10^{-9}$ s. $\vec{r}, \vec{r}, \vec{r}, \vec{r}$

2) Cas des milieux DLHI.

~~$\vec{\chi}_e(\omega, \vec{r}) \parallel \vec{E}(\vec{r})$~~ → linéaire, homogène, isotrope $\chi_e(\omega)$
~~homogène linéaire~~

3) Équation de propagation . Convention OPPS .

$$0 = \operatorname{div} \vec{D} = \operatorname{div} (\epsilon_0 \epsilon_r \vec{E}) = \epsilon_0 \epsilon_r \operatorname{div} (\vec{E}) \quad \text{donc} \quad \vec{\nabla} \times \vec{\nabla} \times \vec{E} = - \Delta \vec{E}$$

$$- \vec{\nabla} \times (\vec{\nabla} \times \vec{E}) = - i\omega \left(\frac{i\omega \vec{B}}{c^2} \right) = \frac{\omega^2}{c^2} \vec{E}$$

\swarrow TF de l'éq de d'Alembert avec vitesse $\frac{c}{\sqrt{\epsilon_r}}$ dépend de ω

II| Conséquences sur les ondes EM

A) Electron électriquement lié

$\chi(\omega)$, graphes $\chi(\omega)$, $\chi''(\omega)$. 3 polarisations

relatifs de dispersion.

$$\operatorname{div} \vec{D} = 0 \quad \operatorname{div} \vec{B} = 0$$

$$\vec{\nabla} \times \vec{E} = - \frac{\partial \vec{B}}{\partial t} \quad \vec{\nabla} \times \vec{H} = - \frac{\partial \vec{D}}{\partial t}$$