

## 1 Introduction

On a des grosses disparités sur les valeurs de conductivité des solides : 27 ordres de grandeurs.

## 2 Modèle de Drude

### 2.1 Principe et hypothèses

On considère un gaz d'électrons soumis à un champ électrique qui vérifient :

- les électrons ne font des chocs qu'avec des atomes
- On a des collisions instantanées
- On note  $\tau$  le temps moyen entre deux collisions
- On considère que l'équilibre thermodynamique est atteint. La température est alors uniforme dans le conducteur, et la distribution des vitesses après chocs est uniforme, de norme liée à la température.

On montre alors que  $\mathbf{j} = \sigma E$  où  $\sigma$  la conductivité qui s'écrit :

$$\sigma = \frac{\tau n e^2}{m} \quad (1)$$

### 2.2 ordre de grandeur

On a  $\tau = \lambda_{\text{pm}}/v$  avec un libre parcours moyen d'environ  $1 \text{ \AA}$  et une vitesse quadratique moyenne qui s'écrit  $\sqrt{3kT/m}$ . On trouve alors une conductivité de l'ordre de  $10^7 \text{ S/m}$ .

### 2.3 Limites du modèle et discussion

En fait, le libre parcours moyen est plutôt de l'ordre de  $100 \text{ \AA}$  donc pour rester cohérent sur les conductivités, on doit avoir des vitesses qui ne sont plus du tout "thermiques" : beau coup de bol que ça ait marché.

Si on suppose une distribution de Maxwell Boltzmann, on a  $\sigma_{\text{Drude}} \propto 1/\sqrt{T}$ , or on mesure plutôt expérimentalement  $\sigma \propto 1/T$ .

## 3 Gaz d'électrons de Fermi (modèle de Sommerfeld)

### 3.1 Motivations et hypothèses

En regardant la longueur d'onde thermique de De Broglie, on voit qu'un traitement quantique est nécessaire. On va faire quelques hypothèses :

- électrons indépendants
- Pas d'interactions (comme par exemple des chocs avec les phonons du réseau)
- 

Le Hamiltonien s'écrit donc sous la forme

$$\mathcal{H} = \sum_i \frac{p_i^2}{2m} \quad (2)$$

### 3.2 Solutions

On cherche des solutions à l'équation de Schrödinger pour une particule libre en régime permanent. Donc sous la forme :

$$\Psi = \phi(\mathbf{r}) e^{iEt/\hbar} \quad (3)$$

avec  $\phi$  qui vérifie l'équation  $\Delta\phi = E\phi$ . Les solutions s'écrivent alors :

$$\phi(\mathbf{r}) = \frac{1}{\sqrt{V}} e^{i\mathbf{k}\cdot\mathbf{r}} \quad (4)$$

avec

$$E = \frac{\hbar^2 \mathbf{k}^2}{2m} \quad (5)$$

en supposant des conditions limites périodiques, on détermine enfin les états accessibles pour un électron qui se mettent sous la forme :

$$k_i = \frac{2\pi n_i}{L} \quad (6)$$

On en déduit le volume d'espace des phases occupé par un état  $\Omega = (2\pi/L)^3$ .

### 3.3 État fondamental à N électrons

On trace dans l'espace des  $\mathbf{k}$  qui est  $\mathbb{Z}^3$ . En remplissant par  $\mathbf{k}$  croissant car l'énergie totale est fonction croissante de la norme de  $\mathbf{k}$ . On trace ainsi la sphère de Fermi dont on peut déterminer le rayon puisqu'on connaît le nombre total de particules et le volume qu'un état occupe dans l'espace des phases (lié à la quantification de  $\mathbf{k}$ ). On trouve

### 3.4 Mécanisme de la conduction

On peut pour commencer réaliser une approche semi classique qui donne que quand on ajoute un champ électrique, on vient donner une impulsion globale à tous les électrons (on fait un PFD) :

$$\delta \mathbf{p} = -e\tau \mathbf{E} \quad (7)$$

En conséquence, on vient translater la sphère de Fermi. Les électrons qui peuvent participer à la conduction sont ceux du bord de bande qui passent dans un état excité.